

Tunisian Online Exercice Corrigé Fonction LN

DETAIL IN AT

Bac Sc. Mr Adnen Bourkhis

EXERCICE Nº1

Soit les fonctions f et g définies sur $[0,+\infty]$ par :

$$\begin{cases} f(x) = x \ln x & \sin x \in]0, +\infty[\\ f(0) = 0 & \{o, o\} \in \mathcal{C}_f \end{cases} \text{ et } \begin{cases} g(x) = x^2 \ln x & \sin x \in]0, +\infty[\\ g(0) = 0 & \{o, o\} \in \mathcal{C}_f \end{cases}$$

On désigne par (C) et (C') les courbes respectivement de f et g dans un repère orthonormé $(0, \bar{i}, \bar{j})$.

- 1º/ Etudier la continuité puis la dérivabilité de f et g à droite en 0.
- 2º/ Etudier les positions relatives de (C) et (C').
- 3º/ Dresser le tableau de variation de chacune des fonctions f et g.
- 4°/ Construire (C) et (C').



$$0$$
. $\lim_{x\to 0^+} f(x) = \lim_{x\to 0^+} x \ln x = 0 = f(0)$ donc f est continue à droite en 0 .

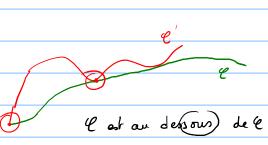
$$\lim_{x\to 0^+} \frac{f(x)-f(0)}{o(x)-0} = \lim_{x\to 0^+} \frac{x \ln x}{x} = \lim_{x\to 0^+} \ln x = -\infty$$

$$\lim_{x\to 0^+} \frac{g(x)-g(0)}{x-0} = \lim_{x\to 0^+} \frac{x^2 \ln x}{x} = \lim_{x\to 0^+} a \ln x = 0 = g'(0)$$

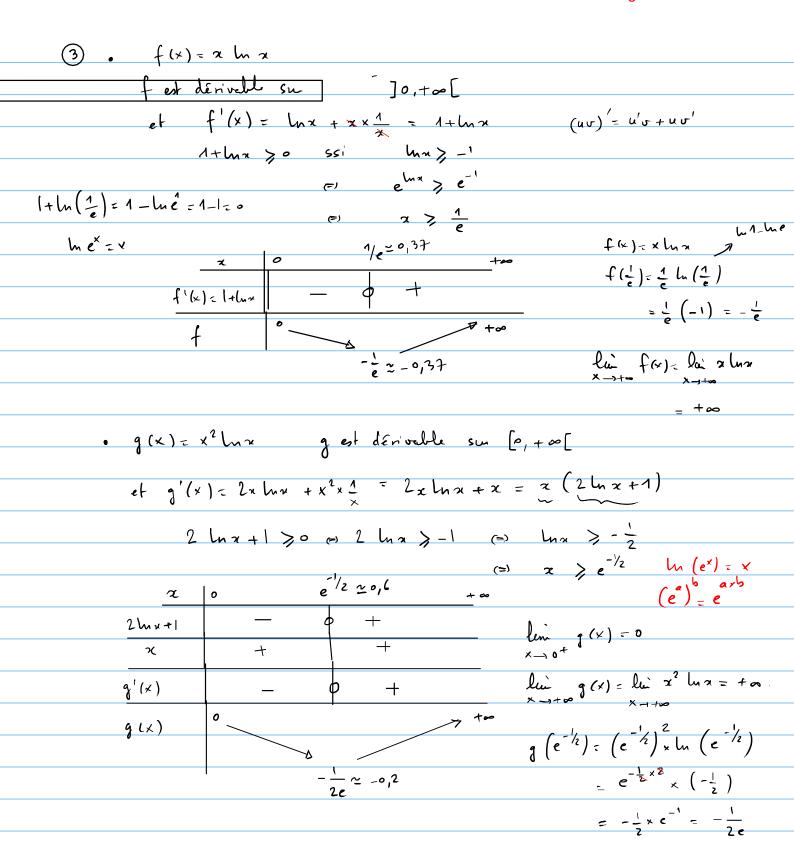
2 Et dim le signe de f(x)-g(x)

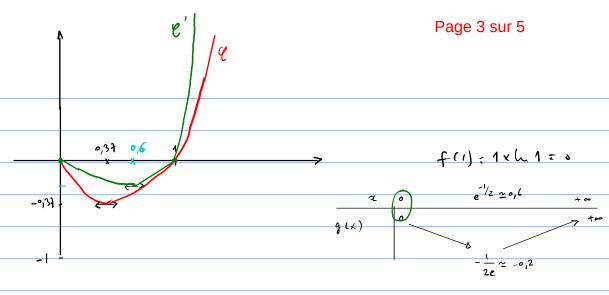
$$f(x) = g(x) = x \ln x - x^{2} \ln x = \otimes \ln x$$

$$\frac{x}{x} = \frac{1}{x} + \frac$$

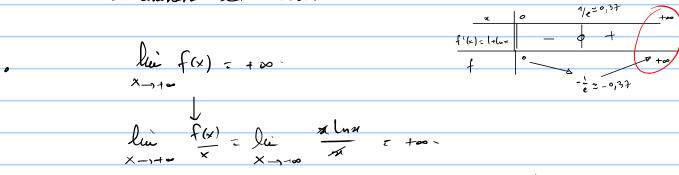


Conclusion.
$$\ell$$
 est ou denous de ℓ' sur $(p, +\infty)$
 $\ell \cap \ell' = \int A(0,0); B(1,0) \int_{0}^{\infty}$

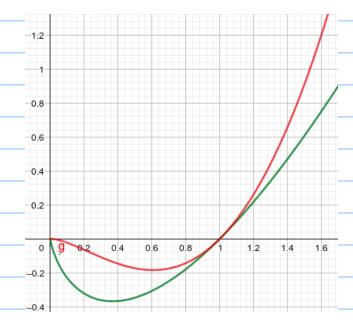




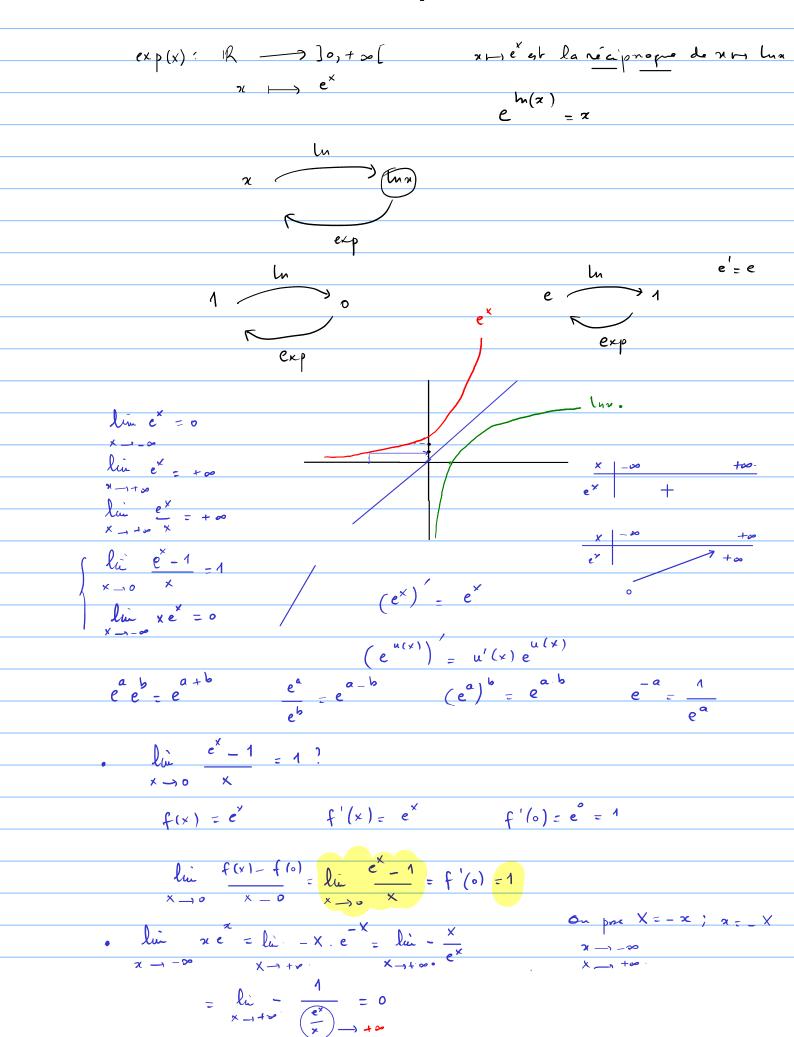
Montrer que ex admet une branche parabolique au V(+10) dont on diteninera la derection.



=> Ef adout une B-P au V(+so) de direction (0,7)



Fonctions exponentielles



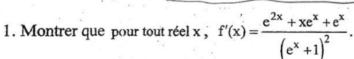
lui f(x) - (ax+b) = 0

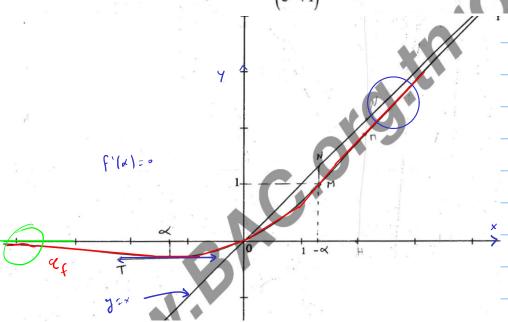
Dans l'annexe ci-jointe, & est la courbe représentative dans un repère orthonormé (0, i, j)

d'une fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = \frac{xe^x}{1+e^x}$.

La droite D d'équation y = x et l'axe des abscisses sont des asymptotes à &.

On admet que & admet une seule tangente horizontale T.





f(x): (xex) $f(x): (xe^{x})^{-1}$ $(E \cdot 1 + e^{x} \neq 0) = e^{x} \neq -1 \quad \text{weifre partial } x \in \mathbb{R}$ $= D_{f} : \mathbb{R}$ $= \int_{\mathbb{R}^{n}} |x|^{2} dx = \int_{\mathbb{R}^{n}} |$

$$u(x) = x e^{x} \longrightarrow u'(x) = e^{x} + x e^{x} = e^{x} (1+x)$$

$$f'(x): e^{x} \frac{(1+x) \cdot (1+e^{x}) - xe^{x} \cdot e^{x}}{(1+e^{x})^{2}} = \frac{(e^{x} + xe^{x}) \cdot (1+e^{x}) - xe^{2x}}{(1+e^{x})^{2}}$$

$$= e^{x} + e^{2x} + xe^{x} + xe^{x} - xe^{x} = \frac{e^{2x} + xe^{x} + e^{x}}{(1+e^{x})^{2}}$$

$$= \frac{(1+e^{x})^{2}}{(1+e^{x})^{2}}$$

$$f(x) = e^{x^2 + 3x}$$
 $f'(x) = (2x + 3) e^{x^2 + 3x}$ $(c') = u'e'$